

**XV OBA – PROVA DO NÍVEL 4**

(Para alunos de qualquer ano do ensino médio).

Veja o gabarito em nossa home page www.oba.org.br

Nota de Astronomia: _____

Nota de Energia: _____

Nota Final: _____

Nota de Astronáutica: _____

Visto do(a) Prof(a): _____

Observação: A Nota Final é a soma das notas de Astronomia, de Astronáutica e de Energia.

Dados do(a) aluno(a) (use somente letras de fôrma):

Nome completo:..... Sexo:.....

Endereço: n.º.....

Bairro:..... CEP: _____ - _____ Cidade: Estado: __

Tel.(__) _____ - _____ E-mail: Data de Nascimento __/__/____
(use letra de fôrma)**Série/ano** que está cursando: Quantas vezes você já participou da OBA?

Declaro que estou realizando esta prova em 11 de maio de 2012.

Assinatura do aluno

Dados da escola onde o(a) aluno(a) estuda:

Nome da escola:.....

Endereço: n.º.....

Bairro:..... CEP: _____ - _____ Cidade: Estado: __

Data e horário da prova: O horário fica a critério da escola, desde que seja no dia **11/05/2012**.Duração máxima desta prova: **4 horas**.

Atenção: não é permitido nenhum tipo de consulta ou uso de calculadora.

BOA OLIMPÍADA!

Questão 1) (1 ponto) Num círculo temos 360 graus. Porém, outra forma de se medir ângulos é pela definição de radianos, na qual se divide o comprimento do círculo pelo raio do mesmo e obtemos: $2\pi R / R = 2\pi$, onde π (pi) vale, aproximadamente, 3,14. Ou seja, num círculo temos 360 graus ou 2π radianos. Da mesma forma, para um arco que compreende um ângulo qualquer θ (teta), o valor de θ , em radianos, é obtido pela razão entre o comprimento do arco (**L**) e o raio (**R**) que o gerou: $\theta = L / R$.

Pergunta 1a) (0,5 ponto) Suponha que L esteja compreendendo o diâmetro da Lua, ou seja, 3.476 km. Sua distância média à Terra é de 384.000 km. Calcule, em radianos, o ângulo compreendido pela Lua.



Resposta 1a):

1a) - Nota obtida: _____

Pergunta 1b) (0,25 ponto) Expresse o resultado do item anterior em graus. Pode dar o resultado com apenas uma casa decimal.

Observação. Como o Sol tem aproximadamente o mesmo diâmetro angular da Lua, a razão entre o seu diâmetro pela sua distância à Terra dá quase o mesmo valor que se obtém para a Lua.

Resposta 1b):

1b) - Nota obtida: _____

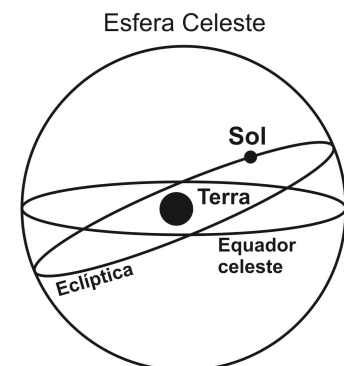
Pergunta 1c) (0,25 ponto) Nos dias 13 e 14 de março de 2012 os planetas Vênus e Júpiter, os mais brilhantes, estiveram em conjunção no poente, ou seja, ambos estavam angularmente muito próximos. Esperamos que tenha observado, pois divulgamos para todos os professores da OBA que possuem endereço eletrônico. A separação angular entre eles, naqueles dias, era equivalente ao diâmetro de aproximadamente 6 Luas Cheias. De quantos graus estavam separados, angularmente, Vênus e Júpiter?

Resposta 1c):

1c) - Nota obtida: _____

Questão 2) (1 ponto) O Sol, visto da Terra, se desloca, aparentemente, pelas constelações zodiacais contidas na esfera celeste, sobre uma linha imaginária chamada eclíptica. A expansão do plano do equador terrestre até a esfera celeste define o equador celeste. Eclíptica e equador tem o mesmo centro, e estão inclinadas entre si de 23,5 graus, logo, se cruzam. Veja a ilustração abaixo.

Pergunta 2a) (0,25 ponto) Calcule quantos graus o Sol, visto da Terra, caminha sobre a eclíptica num dia. Dado: Período sideral do Sol: aproximadamente 365 dias.
Observação importante: A Lua se desloca ao redor da Terra, supondo esta imóvel, em apenas uma hora, de um ângulo igual à metade do valor obtido para o Sol!

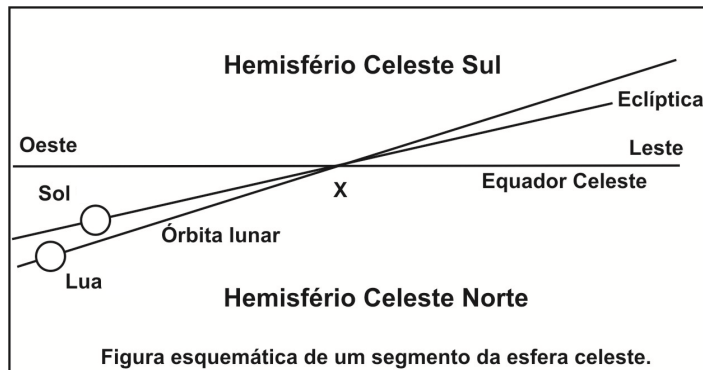


Resposta 2a):

2a) - Nota obtida: _____

Pergunta 2b) (0,5 ponto) (0,25 cada acerto)

Na figura ao lado mostramos uma região do céu, num dado instante, em que é mostrado o equador celeste, a eclíptica, a intersecção de ambas e a órbita lunar, tudo visto da Terra. Lua e Sol definem, aproximadamente, a escala da figura. Ambos se movem na direção de X.



Desenhe:

- i) o Sol um dia depois da posição atual e
- ii) a Lua uma hora depois da posição atual.

2b) - Nota obtida: _____

Pergunta 2c) (0,25 ponto) Diga qual estação do ano vai se iniciar para o Hemisfério Sul quando o Sol estiver no ponto X.

Resposta 2c):

2c) - Nota obtida: _____

Questão 3) (1 ponto) A balança astronômica. Você sabe que quando está numa gangorra e do outro lado está alguém mais forte que você, ele precisa ficar mais perto do centro da gangorra e você mais longe do centro dela, se desejarem, por exemplo, deixar a gangorra parada com ambos equilibrados na horizontal. Existe uma equação que relaciona suas massas (m_A e m_B) e respectivas distâncias (r_A e r_B) ao centro da gangorra:

$$m_A r_A = m_B r_B.$$

Pergunta 3a) (0,5 ponto) Imagine que pudéssemos comprimir o planeta Terra e a Lua para que pudessem ficar sobre uma gangorra. Sabemos que a massa da Terra, m_T , é, aproximadamente, 80 vezes a massa da Lua, m_L , e que estão separadas (centro a centro), em média, por 384.000 km. Determine a que distância do centro da Terra ficaria o “apoio” da gangorra para manter ambas equilibradas.

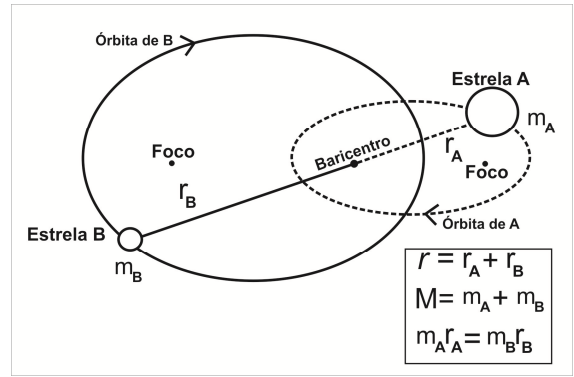
Observação: O “apoio” desta gangorra representa o **centro de massa ou baricentro** do sistema Terra-Lua. É o ponto em torno do qual ambas giram. Note que como $m_T \gg m_L$, o centro de massa (baricentro) está muito mais perto do centro da Terra do que da Lua. Aliás, está abaixo da superfície da Terra, pois o raio desta é de, aproximadamente, 6.400 km.

Resposta 3a):

3a) - Nota obtida: _____

Pergunta 3b) (0,5 ponto) O Sol é uma estrela isolada, mas a maioria delas são binárias, ou seja, ambas giram em torno do baricentro do sistema. Conhecer a massa das estrelas é fundamental em Astronomia. Ao lado mostramos o esquema de um sistema binário típico, visto “de cima”. Pela lei da gravitação universal sabemos que a força gravitacional, F_g , entre ambas as estrelas é

$$F_g = \frac{Gm_A m_B}{r^2},$$



onde G é a constante da gravitação universal, m_A e m_B as massas das estrelas e r a separação entre elas. Suponha que ambas descrevam trajetórias quase circulares em torno do baricentro. Neste caso a força centrípeta, F_c , sobre qualquer das estrelas, da “A”, por exemplo, é dada por:

$$F_c = \frac{m_A v_A^2}{r_A} \quad \text{e é igual à força gravitacional entre elas, ou seja: } F_g = F_c.$$

A velocidade v_A pode ser medida pelo período orbital, T , da estrela “A”, ou seja,

$$v_A = \frac{2\pi r_A}{T}.$$

Em sistemas binários os períodos orbitais das estrelas são sempre iguais, pois ambas giram em torno do baricentro, no mesmo período e estão sempre diametralmente opostas. Use as equações acima e demonstre que, em função de apenas π , G , r e T , podemos determinar a soma das massas, $M = m_A + m_B$, das estrelas.

Observação: A equação determinada também é conhecida como a 3ª lei de Kepler ou lei dos Períodos ou ainda lei Harmônica.

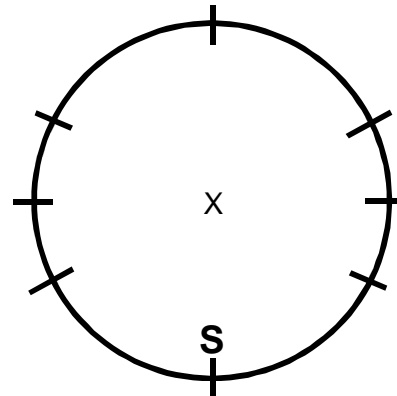
Resposta 3b):

3b) - Nota obtida: _____

Questão 4) (1 ponto) A rotação da Terra em torno do seu eixo e sua translação ao redor do Sol causam os fenômenos mais conhecidos de todos. A rotação gera a alternância entre períodos claros e escuros, com o nascer e o ocaso (pôr) do Sol. A translação com o eixo de rotação da Terra inclinado em relação à perpendicular ao plano da eclíptica, o qual é o plano da órbita da Terra, faz com que ele nasça e se ponha em posições constantemente diferentes no horizonte leste e oeste ao longo do ano.

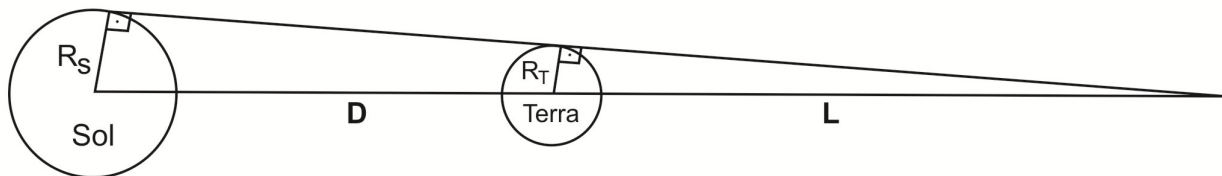
Pergunta 4) (1 ponto)(0,1 cada acerto) Na figura esquemática abaixo o círculo representa o horizonte de um lugar qualquer do hemisfério sul, excluído o Polo Geográfico Sul. O “x” no centro do horizonte representa um observador. Estão marcados sobre este horizonte vários pontos (os tracinhos). Coloque a letra correspondente junto ao tracinho que identifica aquele local. Tem tracinho com mais de uma letra.

- S** Direção cardeal Sul. (Já fizemos para você.)
- N** Direção cardeal Norte
- L** Direção cardeal Leste.
- O** Direção cardeal Oeste.
- A** Nascer do Sol no solstício de verão.
- B** Nascer do Sol no solstício de inverno.
- C** Ocaso do Sol no solstício de verão.
- D** Ocaso do Sol no solstício de inverno.
- E** Nascer do Sol no equinócio da primavera.
- F** Ocaso do Sol no equinócio de outono.



4) - Nota obtida: _____

Questão 5) (1 ponto) O eclipse total do Sol é impressionante, pois o céu fica escuro, podemos ver as estrelas e planetas e podemos ver também a fabulosa “coroa solar”. Mas, infelizmente, o eclipse solar total tem curta duração, no máximo alguns minutos. O da Lua, por outro lado, pode durar horas. Vejamos o porquê. Abaixo está um esquema mostrando o Sol, de raio R_S , a Terra, de raio R_T e metade do “cone de sombra” da Terra. Sabemos que $R_S = 109 R_T$. A distância, D , entre os centros do Sol e da Terra é $D = 23.680 R_T$.

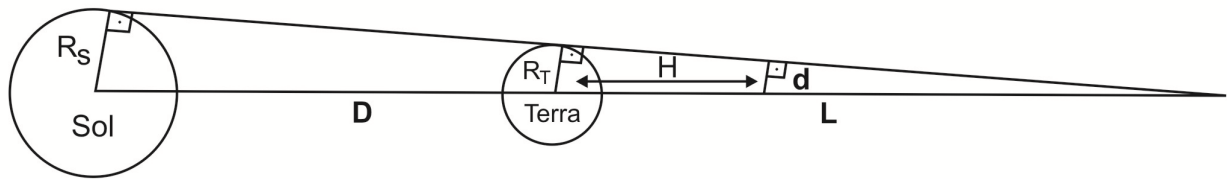


Pergunta 5a) (0,5 ponto) Calcule, em termos do raio da Terra, R_T , qual é o comprimento, L , da sombra da Terra, mostrado na figura acima. *Observação: L é medido do vértice do cone de sombra até o centro da Terra.*

Resposta 5a):

5a) - Nota obtida _____

Pergunta 5b) (0,3 ponto) A Lua cruza o cone de sombra da Terra à distância $H = 60R_T$. Calcule o raio, d , do cone de sombra nesta distância H , medido entre os centros da Terra e da Lua (não desenhada na figura), em função do raio da Terra, R_T .



Resposta 5b):

5b) - Nota obtida: _____

Pergunta 5c) (0,2 ponto) Sabendo-se que $R_T = 3,6 R_L$, onde R_L é o raio da Lua, calcule quantas vezes “ d ” é maior do que R_L . Isso explica o porquê do eclipse lunar ser longo.

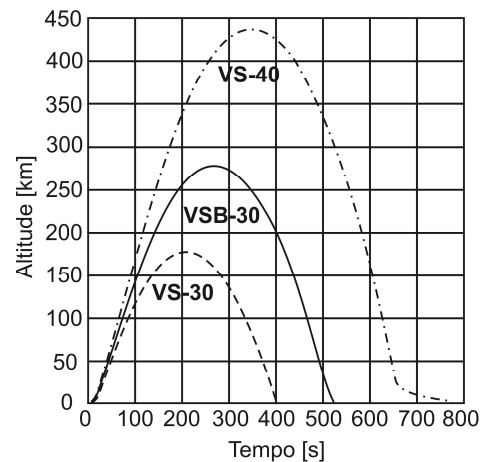
Resposta 5c):

5c) - Nota obtida: _____

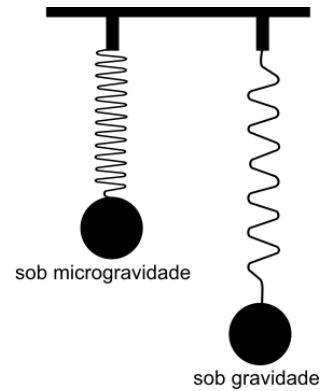
AQUI COMEÇAM AS QUESTÕES DE ASTRONÁUTICA

Observação: Sabemos que os conteúdos de Astronáutica provavelmente não foram discutidos em sala de aula, por isso mesmo estamos dando todas as informações necessárias para você resolver as questões.

Questão 6) (1 ponto) Antes de ler o enunciado, leia as perguntas. Isso pode ajudá-lo. A figura ao lado ilustra as trajetórias de três foguetes suborbitais brasileiros: VS-30, VSB-30 e VS-40. Após queimarem o seu combustível o reservatório que carrega o propelente é descartado e a carga útil do foguete, onde vão alojados os experimentos, continuam o seu voo ascendente por inércia. Após atingirem a altitude máxima, denominada apogeu, a carga útil retorna à superfície terrestre pela ação da gravidade. Os veículos suborbitais são bastante úteis para a comunidade científica nacional por propiciarem condições de microgravidade. Microgravidade é um ambiente no qual os efeitos da atração



gravitacional terrestre são reduzidos. Nos voos suborbitais, essa condição é observada em altitudes superiores a 100 km, quando a carga útil não está mais sendo impulsionada pelo foguete e está livre do atrito com a atmosfera terrestre. Sob microgravidade, uma esfera de aço presa a uma mola atingirá a posição ilustrada na Figura ao lado. A operação de lançamento de um foguete suborbital é complexa e envolve centenas de pessoas. No Brasil cabe ao Instituto de Aeronáutica e Espaço (IAE) o projeto e desenvolvimento de foguetes suborbitais, que são lançados a partir do Centro de Lançamento da Barreira do Inferno (CLBI) e do Centro de Lançamento de Alcântara (CLA), localizados, respectivamente, nos estados do Rio Grande do Norte e Maranhão. À Agência Espacial Brasileira (AEB) cabe a coordenação e suporte financeiro para realização da operação e experimentos. Baseado nas informações fornecidas, responda às seguintes questões:



Pergunta 6a) (0,25 ponto) Qual é o apogeu (máxima altitude) do foguete VSB-30?

Resposta 6a):

6a) - Nota obtida: _____

Pergunta 6b) (0,25 ponto) Quantos minutos se passam entre o lançamento do VSB-30 e o seu retorno à superfície terrestre?

Resposta 6b):

6b) - Nota obtida: _____

Pergunta 6c) (0,25 ponto) Lembrando que as condições de microgravidade ocorrem acima dos 100 km de altitude, estime quantos minutos de microgravidade são propiciados pelo VSB-30.

Resposta 6c):

6c) - Nota obtida: _____

Pergunta 6d) (0,25 ponto) Alunos do Instituto Tecnológico de Aeronáutica (ITA) pretendem desenvolver um experimento que necessita de pelo menos 8 minutos em ambiente de microgravidade. Baseado nas informações fornecidas pela figura indique se algum dos foguetes apresentados é capaz de atender às necessidades do ITA. Justifique sua resposta.

Resposta 6d):

6d) - Nota obtida: _____

Questão 7) (1 ponto) Em 2011 um total de 95 satélites artificiais foi colocado em órbita da Terra. Foguetes são os veículos utilizados para transportar os satélites ao espaço. A maioria dos 57 foguetes lançados no ano passado transportou um único satélite, mas houve o caso de um foguete que levou ao espaço sete satélites de uma única vez. As massas dos satélites lançados no ano de 2011 variaram entre 3 kg e 18.000 kg, conforme apresentado na tabela abaixo. Mas para que tantos satélites? Os satélites são utilizados, por exemplo, para transmissões televisivas ao vivo, permitindo que um evento que ocorra no Brasil (copa do mundo, por exemplo) seja assistido em todo o globo quase que instantaneamente. Satélites também são utilizados para monitorar o desmatamento na região amazônica, bem como para transmissão de dados bancários. Vem também do espaço o sinal do sistema de posicionamento global, conhecido pela sigla GPS, cujos receptores hoje equipam carros, telefones celulares e computadores portáteis. Baseado nas informações dadas, responda as seguintes perguntas:

Pergunta 7a) (0,25 ponto) Dos 95 satélites levados ao espaço em 2011, 42 eram satélites de comunicações. Qual o percentual de satélites de comunicações que foram lançados em 2011?

Resposta 7a):

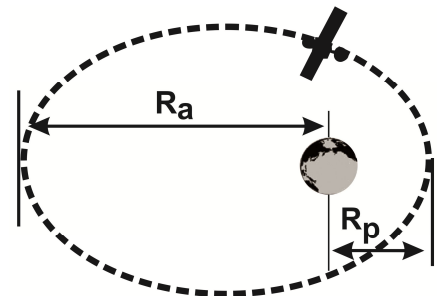
7a) - Nota obtida: _____

Pergunta 7b) (0,25 ponto) A tabela abaixo apresenta informações sobre 4 diferentes satélites lançados no ano de 2011. O apogeu (R_a) é o ponto de maior distância entre o satélite e a Terra enquanto o perigeu (R_p) representa o ponto de menor distância, sendo ambos medidos a partir do centro da Terra, conforme ilustrado na figura abaixo. Conforme pode ser observado na tabela, as trajetórias dos satélites em torno da Terra (órbitas) não são circulares, mas elípticas. Para avaliar o quanto uma determinada órbita se afasta de uma órbita circular, define-se um parâmetro denominado excentricidade,

$$e = \frac{R_a - R_p}{R_a + R_p}$$

Assim, se $R_a = R_p$, “e” será igual a zero, e a órbita será circular. Por outro lado, se R_a for muito maior que R_p , “e” tenderá a 1 e a órbita será uma elipse bastante achatada ou muito excêntrica. Dos satélites apresentados na tabela, qual deles possui a órbita mais excêntrica?

Nome do Satélite	Aplicação	R_a (km)	R_p (km)	Massa (kg)
ABS-7	Comunicações	42.148	42.137	3.500
Galileo IOV-1	GPS	29.664	29.599	700
USA-224	Militar	7.357	6.557	18.000
Jugnu	Observação da Terra	7.225	7.206	3



Resposta 7b):

7b) - Nota obtida: _____

Pergunta 7c) (0,5 ponto) (0,25 cada acerto) A partir dos seus conhecimentos de geometria e com os dados da tabela acima, calcule a que distância da superfície terrestre estará o satélite de maior excentricidade quando estiver no seu **(i)** apogeu e **(ii)** perigeu. Para tanto, considere o raio da Terra igual a 6.357 km.

Resposta 7c):

7c) - Nota obtida: _____

Questão 8) (1 ponto) O Instituto Nacional de Pesquisas Espaciais (INPE) é responsável pelo Projeto de Monitoramento do Desflorestamento na Amazônia Legal – PRODES. Por meio deste projeto são calculadas, desde 1989, as áreas desflorestadas anualmente nessa região. Para isto, são analisadas imagens de satélite obtidas por sensores de média resolução espacial (30 a 80 m). Este tipo de resolução refere-se à capacidade que o sensor tem de discriminar um objeto em função do seu tamanho. Assim, por exemplo, em imagens de 30 m de resolução espacial, são identificados objetos com tamanhos a partir dessa medida (30 m). É preciso destacar, no entanto, que um objeto de 30 m em uma imagem com esta resolução espacial será representado por um ponto. Por isto, para detectar objetos com esse tamanho, é necessário utilizar imagens de alta resolução espacial. Com base nessas informações responda as seguintes questões:

Pergunta 8a) (0,5 ponto) O campo de futebol do estádio do Maracanã tem medidas oficiais de 110 m x 75 m. Assinale com um X o tipo de sensor que permitiria identificar bem uma área desmatada com medida semelhante à desse campo de futebol.

- () Sensores de alta resolução espacial (0,50 a 2,5 m)
- () Sensores de média resolução espacial (30 a 80 m)
- () Sensores de baixa resolução espacial (100 a 1.000 m)

8a) - Nota obtida: _____

Pergunta 8b) (0,5 ponto) Entre agosto de 2010 e julho de 2011 o PRODES estimou uma área desmatada da Amazônia equivalente a 756.120 campos de futebol do estádio do Maracanã. Calcular a área desmatada estimada da região Amazônica para esse período, em km².

Resposta 8b):

8b) - Nota obtida: _____

AQUI COMEÇAM AS QUESTÕES DE ENERGIA

Questão 9) (1 ponto) Em 2012 comemoramos o Ano Internacional da Energia Sustentável Para Todos. O Governo Brasileiro, através do programa “Luz para Todos”, está providenciando energia elétrica para todos brasileiros. Devido às grandes dimensões territoriais do Brasil precisa-se de milhares de quilômetros de linhas de transmissão de energia para levá-la das grandes usinas para as cidades, mas isso acaba excluindo as pequenas populações rurais distantes de grandes centros urbanos. A solução encontrada pela Eletrobras Furnas foi a construção de pequenas usinas fotovoltaicas, cuja energia é gerada pelos “painéis solares” colocados sob o Sol. A energia proveniente deste método é mais “limpa” do que aquela proveniente das usinas hidrelétricas.

Pergunta 9a) (0,5 ponto) (0,1 cada acerto) Quando estamos num avião vemos as luzes das cidades. É até bonito, mas isso significa que as lâmpadas estão enviando parte de sua luz para o céu. Escreva CERTO ou ERRADO na frente de cada afirmativa.

- É importante iluminar o céu para que os pilotos saibam onde ficam as cidades.
- Iluminar o céu é importante porque assim podemos ver melhor as estrelas.
- Iluminar o céu é um grande exemplo de desperdício de energia elétrica.
- Iluminando-se o céu vemos menos estrelas, o que é uma pena!
- A iluminação pública deveria só iluminar o chão e não o céu.

9a) - Nota obtida: _____

Pergunta 9b) (0,5 ponto) (0,1 cada acerto) Existem diversas fontes das quais podemos obter energia elétrica. Algumas estão abaixo. Relacione a coluna da esquerda com a da direita.

- A - Energia eólica () Proveniente de elementos químicos como urânio.
- B - Energia nuclear () Obtida a partir de petróleo, carvão mineral ou gás.
- C - Energia gravitacional () Obtida a partir da ação dos ventos.
- D - Energia fotovoltaica () Obtida a partir da radiação solar.
- E - Energia fóssil () Obtida a partir das marés.

9b) - Nota obtida: _____

Questão 10) (1 ponto) Reduzir ou eliminar o desperdício de energia é fundamental, caso contrário precisa-se gerar muito mais energia só para suprir o desperdício. A energia elétrica “consumida” por uma lâmpada de 100 W (Watt) durante um segundo é de 100 J (Joule). Joule é unidade de energia elétrica e Watt é a unidade de potência, ou seja, $1\text{ W} = 1\text{ J/s}$. Além disso, $1\text{ kW} = 10^3\text{ W}$ e $1\text{ kWh} = 3.600.000\text{ J}$. O preço do kWh fornecido pelas concessionárias de energia elétrica é escalonado, ou seja, quanto maior é o consumo, maior é o preço do kWh. A tabela abaixo mostra, sem impostos, o preço do kWh para o consumo residencial, de certa região do Brasil.

Intervalos de energia utilizada mensalmente	R\$/kWh
Inferior ou igual a 30 kWh	0,09
Superior a 30 kWh e inferior ou igual a 100 kWh	0,16
Superior a 100 kWh e inferior ou igual a 220 kWh	0,24
Superior a 220 kWh	0,27

Pergunta 10) (1 ponto) Suponha que na sua casa tenha um potente “chuveirão”, de 5.000 W e que você e seus 4 irmãos tomem, todo dia, um banho de 20 minutos. Calcule quantos reais vocês 5 gastam, em 30 dias, só com os banhos. Adicione mais 60% dos impostos. Cuidado com as contas, pois nesta questão não aceitaremos “acerto parcial”.

Resposta 10):

10) - Nota obtida: _____